

Title	円, 球ノ幾何ニツイテ
Author(s)	松村, 宗治
Citation	全国紙上数学談話会. 136 p.63-p.65
Issue Date	1937-08-10
oaire:version	VoR
URL	https://doi.org/10.18910/74531
rights	
Note	

Osaka University Knowledge Archive : OUKA

<https://ir.library.osaka-u.ac.jp/>

Osaka University

606. 円, 球ノ幾何ニツイテ

松村 宗 治 (台北大)

(I) 球ノ場合ニモ同様ニイヘルベケレドコニテハ R_2 上ノ円系ニツイテ考ヘルコトニスル。

R_2 上ニ円 $\varphi(u, v)$ ガアリトスル。コニ u, v ハ Parameter デアル、円 φ トソレヲ少シ変化セシモノトノ間ノ共通切線ノ長サノ平方ヲ考ヘルト次ノヤウニナル。

$$\begin{aligned} (1) \quad (d\varphi, d\varphi) &= (\varphi_u du + \varphi_v dv, \varphi_u du + \varphi_v dv) \\ &= (\varphi_u \varphi_u) du^2 + 2(\varphi_u \varphi_v) du dv \\ &\quad + (\varphi_v \varphi_v) dv^2 \end{aligned}$$

同様ニ同ジ平面上ノ他ノ與ヘラレル円系 $\psi(u, v)$ ニ對シテハ同ジ量ハ次ノヤウニナル。

$$\begin{aligned} (2) \quad (d\psi d\psi) &= (\psi_u \psi_u) du^2 + 2(\psi_u \psi_v) du dv \\ &\quad + (\psi_v \psi_v) dv^2 \end{aligned}$$

記号ハイツモノ通りデアル。

サテ今此ノ二ツノ線分ノ平方相等シケレバ

$$(d\varphi d\varphi) = (d\psi d\psi)$$

ヨリ

$$\begin{aligned} (3) \quad \{(\varphi_u \varphi_u) - (\psi_u \psi_u)\} du^2 &+ 2\{(\varphi_u \varphi_v) - (\psi_u \psi_v)\} du dv \\ &+ \{(\varphi_v \varphi_v) - (\psi_v \psi_v)\} dv^2 = 0 \end{aligned}$$

コニ φ ハ定円系, ψ ハ定円系デアルトスル、ツマリ上記ノ性質ヲ有スル一般ノ曲線群 φ ハ (3) ナル方程式ヲ満足スル。

サテ *Parameternetz* が上記性質ヲ満足スルトキ且ツ其時 = 限リテ

$$(4) \quad (\xi_u \xi_u) = (\eta_u \eta_u), \quad (\xi_v \xi_v) = (\eta_v \eta_v)$$

ヲ満足スルコト = ナル。

コレハ (3) ヨリ合ル。

次 = $\alpha(u, v), \beta(u, v)$ が與ヘラレテ (3) ノ解が

$$\frac{dv}{du} = \alpha, \quad \frac{dv}{du} = \beta$$

= ナルヤウ = スルナラバ明カ =

$$\alpha + \beta = -2 \frac{(\xi_u \xi_v) - (\eta_u \eta_v)}{(\xi_v \xi_v) - (\eta_v \eta_v)}$$

が成立ツ。

特 = $\alpha = 0$ ナラバ

$$(\xi_u \xi_u) = (\eta_u \eta_u)$$

デアアル。

ツマリコゝデハ *G. Scheffers* 等ノ考ヘテ *Kurven-netze ohne Umwege* = 相當スルコトヲ球, 円ノ幾何學ヲ考ヘルノデアアル。

上ノコトヲバ R_2 内ノ円ノ代リ = R_3 内ノ球ヲ考ヘルモノトシ (3) = 於テノ $u = \text{const.}, v = \text{const.}$ が表面上ノ曲線群 = 對應スルモノトシ其ノ場合 = 於ケル (3) が *Konjugierten Netz* ヲ形成スルタメ = ハ

$$N \{ (\xi_u - \eta_u) - (\xi_u \eta_u) \} - 2M \{ (\xi_u \xi_u) - (\eta_u \eta_u) \} + L \{ (\xi_v \xi_v) - (\eta_v \eta_v) \} = 0$$

デアル、コゝ = L, M, N ハ其ノ場合ノ表面ノ第二基本量バ
アル。尚 (3) = テ

$$\{(\xi_u \xi_u) - (\eta_u \eta_u)\} \{(\xi_v \xi_v) - (\eta_v \eta_v)\} \\ - \{(\xi_u \xi_v) - (\eta_u \eta_v)\} = 0$$

ナル場合ヲモ幾何學的ニ説明スルコトヲ得ベシ。

尚

$$(d\xi, d\xi) = -(d\eta, d\eta)$$

ヲ考ヘテ

$$(4) \{(\xi_u \xi_u) + (\eta_u \eta_u)\} du^2 + 2\{(\xi_u \xi_v) + (\eta_u \eta_v)\} du dv \\ + \dots = 0$$

ヲ得ベク (3), (4) ヨリ 東北数誌 第七二巻, p. 240ニ於ケル
小倉博士ノ論文ニ適用スルコトガ出來ル。

(II) ξ, η ガ点ヲバ

$$\xi^2 = 0, \quad \eta^2 = 0$$

デアアル。

$$\text{次ニ } \xi(u^1, u^2) = \text{對シテ}$$

$$\xi_i \xi = 0, \quad \xi_i \eta = 0$$

トラバ Blaschke = ヨリ

$$\xi_i = p_i^k \xi_k + q_i \eta$$

ガ成リ立ツ。

コゝニ

$$\xi_i = \frac{\partial \xi}{\partial u^i}, \quad \eta \eta = 1$$

デアアル。 p, q ハ 点カハラデアアル。